



**UNIVERSITAS ISLAM NEGERI SAYYID ALI RAHMATULLAH TULUNGAGUNG**  
**FAKULTAS TARBIYAH DAN ILMU KEGURUAN**  
**PROGRAM STUDI TADRIS MATEMATIKA**

**RENCANA PEMBELAJARAN SEMESTER (RPS)**

MATA KULIAH (MK)	KODE	Rumpun MK	BOBOT (sks)	SEMESTER	TGL PENYUSUNAN		
Analisis Real	PTMT6019	Analisis	T = 3 P = 0	5	14-07-2023		
OTORISASI / PENGESAHAN	<b>Dosen Pengembang RPS</b>		<b>Koordinator RMK</b>	<b>Ka PRODI</b>			
Capaian Pembelajaran	<b>CPL-PRODI yang dibebankan pada MK</b>						
	CPL-3	Mampu memanfaatkan teknologi informasi dan komunikasi secara efektif dan berdaya guna untuk pembelajaran bidang matematika;;					
	CPL-4	Mampu memfasilitasi pengembangan potensi keilmuan bidang matematika untuk mengaktualisasikan kemampuan dan keterampilan matematika dalam kehidupan nyata di sekolah/madrasah dan di masyarakat					
	CPL-5	Mampu mengembangkan keprofesian dan keilmuan matematika secara berkelanjutan, mandiri dan kolektif melalui pengembangan diri dan pemanfaatan teknologi informasi dan komunikasi dalam kerangka mewujudkan kinerja diri sebagai pendidik sejati;					
	CPL-7	Memiliki tanggung jawab dan etika profesional;					
	CPL-9	Mampu berkomunikasi secara efektif.					
	<b>Capaian Pembelajaran Mata Kuliah (CPMK)</b>						
	CPMK-1	Mampu mengidentifikasi sifat aljabar bilangan real, sifat urutan bilangan real, sifat trikotomi, teorema-teorema bilangan real;					
	CPMK-2	Mampu menganalisis masalah barisan dan deret bilangan riil;					
	CPMK-3	Mampu menyelesaikan permasalahan limit;					
	CPMK-4	Mampu menerapkan pemikiran logis, kritis, sistematis, dan inovatif dalam mempelajari definisi definisi maupun teorema;					
	CPMK-5	Mampu menunjukkan kinerja mandiri, bermutu dan terukur.					
	<b>CPL / Sub-CPMK</b>						
	Sub-CPMK-1	Mampu menjelaskan struktur aljabar dan sifat urutan bilangan riil serta membuktikan teorema yang terkait. [C2,C4,A3]					
	Sub-CPMK-2	Mampu menunjukkan prinsip nilai mutlak dan membuktikan teorema terkait nilai mutlak [C4,A3]					
	Sub-CPMK-3	Mampu menjelaskan aksioma kelengkapan system bilangan riil [C3,A3]					
	Sub-CPMK-4	Mampu mengaplikasikan sifat supremum dan infimum [C3,A3]					
	Sub-CPMK-5	Mampu menjelaskan definisi konvergensi barisan dan membuktikan teorema-teorema limit barisan bilangan riil [C2,C3,A3]					
	Sub-CPMK-6	Mampu menghubungkan definisi barisan monoton, barisan bagian dan menunjukkan kebenaran teorema Bolzano Weierstrass [C4,A3]					

	<b>Sub-CPMK-7</b>	Mampu menghubungkan barisan Cauchy dengan sifat barisan divergen dan teoremanya [C4,A3]													
	<b>Sub-CPMK-8</b>	Mampu menjelaskan definisi limit fungsi dan membuktikan kebenaran teorema terkait limit fungsi [C3,C4,A3]													
<b>Diskripsi Singkat MK</b>	Mata kuliah ini merupakan dasar di dalam matematika untuk berfikir secara formal, yaitu berfikir secara deduktif aksiomatis. Lebih khusus lagi, mata kuliah analisis riil merupakan dasar dari mata kuliah kalkulus. Jika dalam kalkulus, mahasiswa cenderung mempelajari materimateri yang sifatnya aplikatif, maka pada analisis riil mahasiswa dituntut untuk mampu menguasai dasar-dasar teorinya. Dengan demikian mata kuliah ini tepat jika dijadikan bekal bagi para calon guru matematika khususnya untuk mengajar matematika sekolah tingkat atas. Secara rinci materi-materi yang akan dibahas dalam mata kuliah ini meliputi : a. Sistem Bilangan Riil $R$ ; b. Barisan Bilangan Riil; c. Limit Fungsi														
<b>Bahan Kajian:</b> Materi pembelajaran	<p><b>Bilangan Real</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Sifat Aljabar dan Keterurutan Bilangan riil</li> <li>2. Nilai Mutlak dan Garis bilangan</li> <li>3. Sifat kelengkapan bilangan real</li> <li>4. Aplikasi sifat Supremum dan Infimum</li> </ol> <p><b>Barisan</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>5. Barisan dan Limit barisan</li> <li>6. Teorema limit</li> <li>7. Barisan monoton</li> <li>8. Sub-barisan dan teorema Bolzano-Weierstrass</li> <li>9. Barisan Cauchy</li> <li>10. Sifat barisan divergen</li> <li>11. Deret tak hingga</li> </ol> <p><b>Limit</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>12. Limit fungsi</li> <li>13. Teorema limit</li> <li>14. Perluasan konsep limit fungsi</li> </ol>														
<b>Pustaka</b>	<p>Utama:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Hadi, S. 2012. <i>Pengantar Analisis Real</i>. Tulungagung: IAIN Press.</li> <li>2. Rober t G. Bartle dan Donald R. Serbert, 2011. <i>Introduction to Real Analysis</i> 4th edition. New York: John Wiley and Sons.</li> </ol> <p>Pendukung:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>3. Hernadi, J. 2015. <i>Analisis Real Elementer</i>. Jakarta: Penerbit Erlangga.</li> </ol>														
<b>Dosen Pengampu</b>	Syaiful Hadi														
<b>Matakuliah syarat</b>	Kalkulus														
Minggu Ke-	Sub-CPMK (Kemampuan akhir yg direncanakan)	Bahan Kajian (Materi Pembelajaran)	Bentuk dan Metode Pembelajaran [Media & Sumber Belajar]	Estimasi Waktu	Pengalaman Belajar Mahasiswa	Kriteria & Bentuk	Indikator	Bobot (%)							

(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)	(9)
1, 2	<b>Sub-CPMK-1:</b> Mampu menjelaskan struktur aljabar dan sifat urutan bilangan riil serta membuktikan teorema yang terkait. [C2,C4,A3]	<b>Penjelasan RPS</b> Sifat aljabar dan keterurutan bilangan riil <b>[1] hal. 45-65</b>	<b>Bentuk:</b> Kuliah dan diskusi <b>Aktifitas di kelas:</b> <b>Metode:</b> Diskusi kelompok dan Discovery Learning Media: Komputer dan LCD Projector atau gadget dan internet	<b>[TM: 2x(3x50'')]</b> <b>[PT+BM:(2+2)x(3x60'')]</b>	Mengkaji sifat aljabar dan urutan bilangan real  <b>Tugas 1 :</b> Mengkaji sifat aljabar dan keterurutan bilangan riil	<b>Kriteria :</b> Ketepatan dan penguasaan  <b>Bentuk penilaian:</b> Tugas Mandiri	<b>Ketepatan:</b> Menjelaskan bilangan Real  <b>Ketelitian:</b> Membuktikan teorema sifat-sifat bilangan real	15
3	<b>Sub-CPMK-2:</b> Mampu menunjukkan prinsip nilai mutlak dan membuktikan teorema terkait nilai mutlak [C4,A3]	Nilai mutlak dan garis bilangan <b>[1] hal. 66-74</b>	<b>Bentuk:</b> Kuliah dan diskusi  <b>Aktifitas di kelas:</b> <b>Metode:</b> Diskusi kelompok dan Discovery Learning Media: Komputer dan LCD Projector dan internet	<b>[TM: 1x(3x50'')]</b> <b>[PT+BM:(1+1)x(3x60'')]</b>	Mengkajitentang keterbatasan pada bilangan real  <b>Tugas-2:</b> Menyelesaikan masalah tentang konsep dan penerapan berkaitan Keterurutan	<b>Kriteria :</b> Ketepatan dan penguasaan  <b>Bentuk penilaian:</b> Tugas Mandiri	<b>Ketepatan:</b> Menjelaskan bilangan Real batas atas dan batas bawah  <b>Ketelitian:</b> Membuktikan teorema nilai mutlak	5
5, 6	<b>Sub-CPMK-3:</b> Mampu menjelaskan aksioma kelengkapan system bilangan riil [C3,A3]	Sifat kelengkapan bilangan real dan manipulasi supremum infimum. <b>[1] hal. 77-89</b>	<b>Bentuk:</b> Kuliah dan diskusi  <b>Aktifitas di kelas:</b> <b>Metode:</b> Diskusi kelompok dan Discovery Learning Media: Komputer dan LCD Projector dan internet	<b>[TM: 2x(3x50'')]</b> <b>[PT+BM:(2+2)x(3x60'')]</b>	Mahasiswa dapat menjelaskan aksioma kelengkapan system bilangan riil  <b>Tugas 3:</b> Menyelesaikan masalah tentang konsep dan penerapan nilai mutlak dan garis bilangan	<b>Kriteria :</b> Ketepatan dan penguasaan  <b>Bentuk penilaian:</b> Tugas Mandiri	<b>Ketepatan:</b> Menjelaskan kelengkapan system bilangan	15
7	<b>Sub-CPMK-4:</b> Mampu mengaplikasikan sifat supremum dan infimum [C3,A3]	Sifat supremum dan infimum pada bilangan real <b>[1] hal. 91-100</b>	<b>Bentuk:</b> Kuliah dan diskusi  <b>Aktifitas di kelas:</b> <b>Metode:</b> Diskusi kelompok dan Discovery Learning Media: Komputer dan LCD Projector dan internet	<b>[TM: 1x(3x50'')]</b> <b>[PT+BM:(1+1)x(3x60'')]</b>	Menguraikan sifat infimum dan supremum pada bilangan real  <b>Tugas 4 :</b> Menyelesaikan permasalahan yang berkaitan dengan sifat	<b>Kriteria :</b> Ketepatan dan penguasaan  <b>Bentuk penilaian:</b> Tugas Mandiri	<b>Ketepatan :</b> Membuktikan kelengkapan bilangan Real supremum dan infimum	10

					kelengkapan bilangan real			
	<b>UTS:</b> Melakukan validasi hasil penilaian, evaluasi dan perbaikan proses pembelajaran berikutnya							
9,10	<b>Sub-CPMK-5:</b> mampu menjelaskan definisi konvergensi barisan dan membuktikan teorema-teorema limit barisan bilangan riil [C2,C3,A3]	Barisan dan limit barisan Teorema limit. <b>[1] hal. 101-136</b>	<b>Bentuk:</b> Kuliah dan diskusi  <b>Aktifitas di kelas:</b> Metode: Diskusi kelompok dan Discovery Learning Media: Komputer dan LCD Projector dan internet	<b>[TM: 2x(3x50'')]</b>  <b>[PT+BM:(2+2)x(2x60'')]</b>	Menjelaskan barisan dan membuktikan teorema limit barisan  <b>Tugas-5:</b> Menguraikan konsep barisan, limit barisan, dan teorema barisan	<b>Kriteria :</b> Ketepatan dan penguasaan  <b>Bentuk penilaian:</b> Tugas Mandiri	<b>Ketepatan :</b> Menjelaskan barisan bilangan riil  <b>Ketelitian:</b> Membuktikan teorema tentang barisan bilangan	<b>15</b>
11	<b>Sub-CPMK-6:</b> mampu menghubungkan definisi barisan monoton, barisan bagian dan menunjukkan kebenaran teorema Bolzano Weierstrass [C4,A3]	Barisan monoton barisan bagian dan teorema Bolzano_Weierstrass. <b>[1] hal. 139-159</b>	<b>Bentuk:</b> Kuliah dan diskusi  <b>Aktifitas di kelas:</b> Metode: Diskusi kelompok dan Discovery Learning Media: Komputer dan LCD Projector dan internet	<b>[TM: 1x(3x50'')]</b>  <b>[PT+BM:(1+1)x(3x60'')]</b>	Mengkaji tentang hubungan macam-macam barisan  <b>Tugas 6 :</b> Menguraikan konsep barisan monoton dan sub barisan	<b>Kriteria :</b> Ketepatan dan penguasaan  <b>Bentuk penilaian:</b> Tugas Mandiri	<b>Ketepatan :</b> Menjelaskan barisan dan deret bilangan riil	<b>10</b>
12	<b>Sub-CPMK-7:</b> mampu menghubungkan barisan Cauchy dengan sifat barisan divergen dan teoremanya [C4,A3]	Barisan Cauchy Sifat dan teorema barisan divergen <b>[1] hal. 160-173</b>	<b>Bentuk:</b> Kuliah dan diskusi  <b>Aktifitas di kelas:</b> Metode: Diskusi kelompok dan Discovery Learning Media: Komputer dan LCD Projector dan internet	<b>[TM: 1x(3x50'')]</b>  <b>[PT+BM:(1+1)x(3x60'')]</b>	Menghubungkan konsep barisan cauchy dengan barisan divergen  <b>Tugas 7 :</b> Menguraikan konsep barisan cauchy dan barisan divergen dan penerapannya	<b>Kriteria :</b> Ketepatan dan penguasaan  <b>Bentuk penilaian:</b> Tugas Mandiri	<b>Ketepatan :</b> Menjelaskan barisan divergen	<b>5</b>
13,14,15	<b>Sub-CPMK-8:</b> mampu menjelaskan	limit fungsi dan teorema limit fungsi	<b>Bentuk:</b> Kuliah dan diskusi  <b>Aktifitas di kelas:</b>	<b>[TM: 3x(3x50'')]</b>	<b>Tugas 8</b> Menguraikan konsep limit fungsi dan teorema limit fungsi	<b>Kriteria :</b> Ketepatan dan penguasaan	<b>Ketepatan</b>	<b>15</b>

	definisi limit fungsi dan membuktikan kebenaran teorema terkait limit fungsi [C3,C4,A3]	<b>[1] hal. 177-20</b>	Metode: Diskusi kelompok dan Discovery Learning Media: Komputer dan LCD Projector dan internet	<b>[PT+BM:(3+3)x(3 x60'')]</b>		<b>Bentuk</b> penilaian: Tugas Mandiri	Menjelaskan pengertian limit fungsi  <b>Ketelitian:</b> Membuktikan teorema limit fungsi	
16	UAS: Melakukan validasi penilaian akhir dan menentukan kelulusan mahasiswa							100